

# Bewegungen, Symmetrien, Winkel

## Bewegungen, Symmetrie

Bemerkung: Schüler können gegebene Figuren symmetrisch ergänzen, erkennen:  
Symmetrien in Figuren

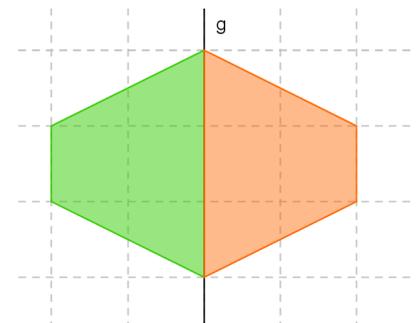
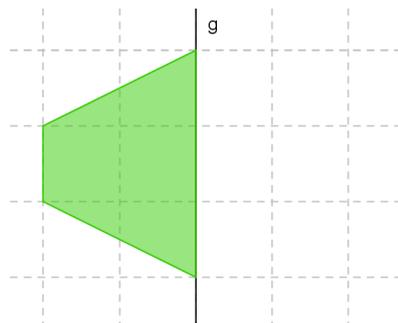
Schüler können Bewegungen beschreiben, die Figuren aufeinander abbilden.

Beispiele: Wie viele Symmetrieachsen hat ein

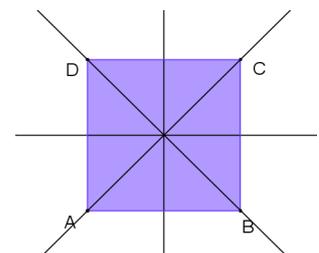
:

- |                           |                 |
|---------------------------|-----------------|
| a) gleichseitiges Dreieck | 3               |
| b) regelmäßiges Fünfeck   | 5               |
| c) ein Kreis              | unendlich viele |

Ergänze zu einer symmetrischen Figur!



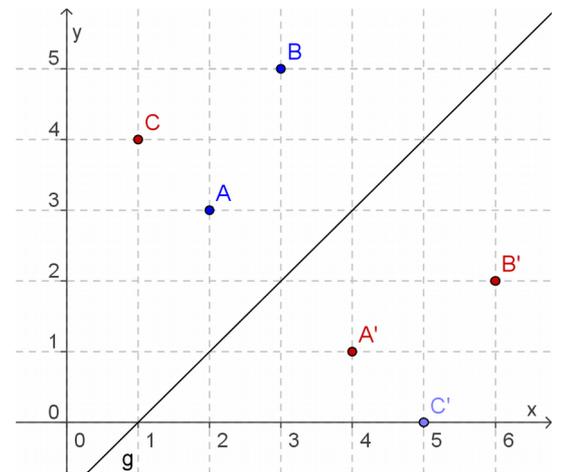
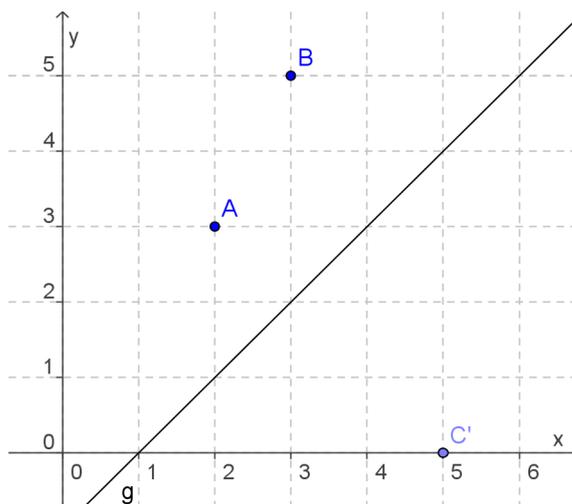
Zeichne ein Quadrat mit all seinen Symmetrieachsen!



Gib zwei Buchstaben an, die

- |                                      |      |
|--------------------------------------|------|
| a) nicht symmetrisch sind.           | R; F |
| b) genau eine Symmetrieachse haben.  | E; T |
| c) genau zwei Symmetrieachsen haben. | I; O |
| d) zentralsymmetrisch sind.          | S; H |

Gib die Koordinaten der Bildpunkte an, die entstehen, wenn man A und B an g spiegelt! Welcher Originalpunkt gehört zu C'!



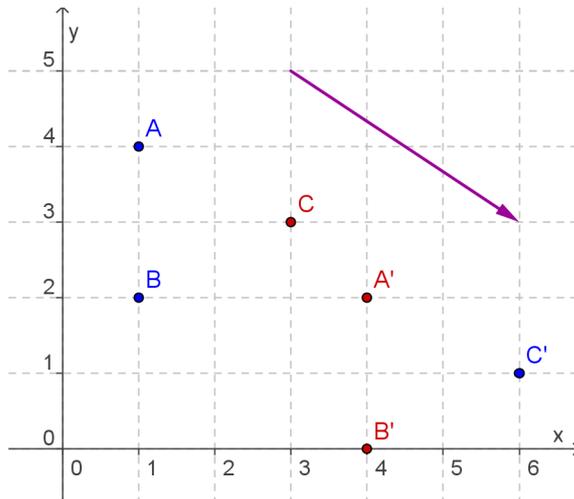
A'(4; 1); B'(6; 2); C(1; 4)

Gib die Koordinaten der Bildpunkte an, wenn man A und B entlang des Verschiebungspfeiles verschiebt! Welcher Originalpunkt gehört zu C'?

A'(4; 2)

B'(4; 0)

C(3; 3)

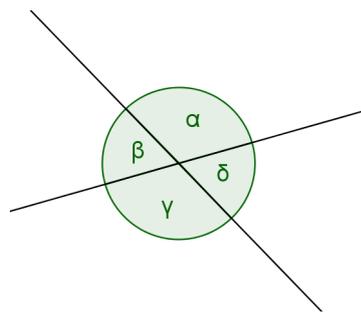


## Winkel an Geraden

Bemerkung: Schüler können Scheitelwinkel, Nebenwinkel, Stufen- und Wechselwinkeln erkennen und skizzieren sowie die entsprechenden Sätze formulieren und anwenden.

Schwerpunkt könnte auf der Ermittlung gesuchter Winkel liegen

Beispiele: Gib zu folgendem Bild alle Scheitelwinkel- und alle Nebenwinkelpaare an!



Scheitelwinkel:

$\alpha$  und  $\gamma$ ;  $\beta$  und  $\delta$

Nebenwinkel:

$\alpha$  und  $\beta$ ;  $\beta$  und  $\gamma$   
 $\gamma$  und  $\delta$ ;  $\delta$  und  $\alpha$

Ein Winkel ist  $56^\circ$  groß. Wie groß ist sein Nebenwinkel?

$$180^\circ - 56^\circ = 124^\circ$$

Zwei Nebenwinkel unterscheiden sich um  $40^\circ$ .

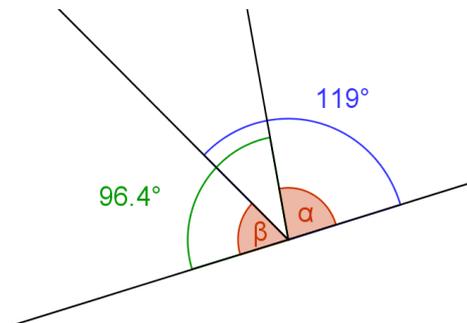
$$70^\circ; 110^\circ$$

Wie groß sind sie?

Ein Winkel ist genau viermal so groß wie sein Nebenwinkel. Wie groß sind die beiden?

$36^\circ$  und  $144^\circ$

Wie groß sind die beiden farbigen Winkel? Wie groß ist der fehlende?



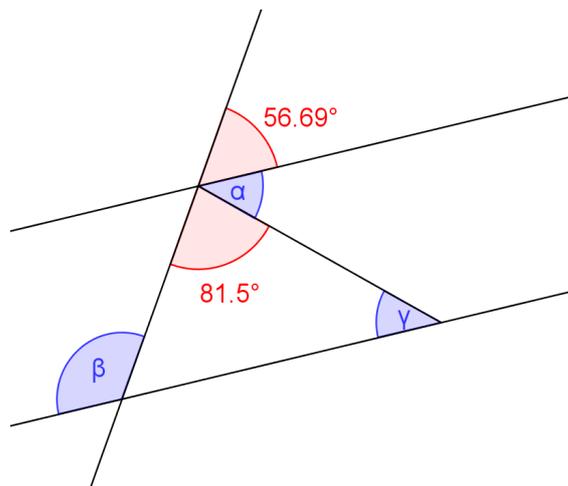
$$\alpha = 180^\circ - 96,4^\circ = 83,6^\circ$$

$$\beta = 180^\circ - 119^\circ = 61^\circ$$

fehlender Winkel:

$$119^\circ + 96,4^\circ - 180^\circ = 35,4^\circ$$

Berechne die fehlenden Winkel! ( $g \parallel h$ )



$$\alpha = 180^\circ - 56,69^\circ - 81,5^\circ = 41,81^\circ$$

$$\gamma = 41,81^\circ$$

(WeWS)

$$\beta = 180^\circ - 56,69^\circ = 123,31^\circ$$

Winkel in Dreiecken

Bemerkung: Schüler kennen die Sätze über: Innenwinkelsumme, Basiswinkel im gleichschenkligen Dreieck, Außenwinkel und Außenwinkelsumme und können diese Winkel in Figuren angeben und berechnen.

Beispiele: Wie groß ist der dritte Innenwinkel in einem Dreieck, wenn zwei Winkel mit  $78^\circ$  und  $46^\circ$  gegeben sind? Welche Dreiecksart liegt vor?

$180^\circ - 78^\circ - 46^\circ = 66^\circ$   
spitzwinklig

In einem rechtwinkligen Dreieck ist der kleinste Winkel halb so groß wie der mittlere Winkel. Wie groß sind die Winkel im Dreieck?

$90^\circ$ ,  
 $30^\circ$  und  $60^\circ$

In einem Dreieck unterscheiden sich zwei Innenwinkelpaare um jeweils  $15^\circ$ . Alle drei Winkel sind verschieden groß.

a) Welche Winkel ergeben sich?

$45^\circ$ ,  $60^\circ$  und  $75^\circ$

b) Welche Winkel ergeben sich, wenn die 2. Aussage nicht gilt?

$50^\circ$ ,  $65^\circ$  und  $65^\circ$ ;  
 $55^\circ$ ;  $55^\circ$  und  $70^\circ$

Gegeben sind in einem Dreieck der Winkel  $\alpha = 49^\circ$  und der Außenwinkel bei B mit  $158^\circ$ . Wie groß sind die anderen Winkel im Dreieck ABC und welche Dreiecksart liegt vor?

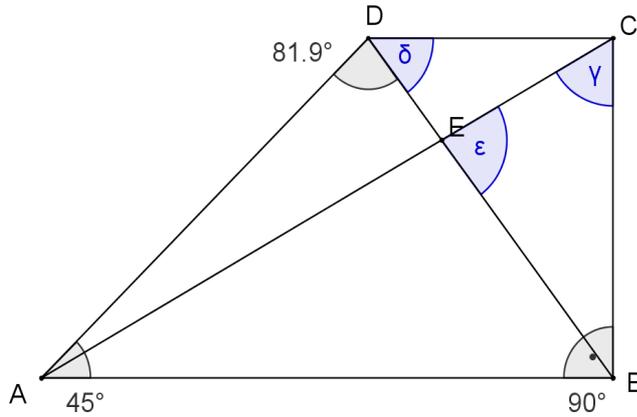
$CBA = 22^\circ$ ,  
 $ACB = 180^\circ - 22^\circ - 49^\circ = 109^\circ$

stumpfwinklig

In einem gleichschenkligen Dreieck ist ein Winkel  $30^\circ$ . Wie groß können die fehlenden Winkel sein?

1. Fall:  $75^\circ$  und  $75^\circ$   
2. Fall:  $30^\circ$  und  $120^\circ$

Berechne die Winkel in der gegebenen Figur! Es gilt noch:  $\angle EAD = 12,1^\circ$ .



$$\delta = 135^\circ - 81,9^\circ = 53,1^\circ$$

$$\angle CBE = 90^\circ - 53,1^\circ = 36,9^\circ$$

$$\epsilon = 180^\circ - 12,1^\circ - 81,9^\circ = 76^\circ$$

damit ist dann:

$$\gamma = 180^\circ - 76^\circ - 36,9^\circ = 67,1^\circ$$